

1. On considère la fonction f définie sur l'intervalle $]0; +\infty[$ par :

$$f(x) = \ln(x) - x^2.$$

Affirmation 1 : $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$.

2. On considère l'équation différentielle

$$(E): -2y' + 3y = \sin x + 8 \cos x.$$

On considère la fonction f définie sur \mathbb{R} par :

$$f(x) = 2 \cos x - \sin x.$$

Affirmation 2 : La fonction f est solution de l'équation différentielle (E).

3. On considère la fonction g définie sur l'intervalle $]0; +\infty[$ par :

$$g(x) = \ln(3x + 1) + 8.$$

On considère la suite (u_n) définie par $u_0 = 25$ et pour tout entier naturel n :

$$u_{n+1} = g(u_n).$$

On admet que la suite (u_n) est strictement positive.

Affirmation 3 : La suite (u_n) est décroissante.

4. On considère une fonction affine h définie sur \mathbb{R} .

On note k la fonction définie sur \mathbb{R} par $k(x) = x^4 + x^2 + h(x)$.

Affirmation 4 : La fonction k est convexe sur \mathbb{R} .

5. Une anagramme d'un mot est le résultat d'une permutation des lettres de ce mot.

Exemple : le mot BAC possède 6 anagrammes : BAC, BCA, ABC, ACB, CAB, CBA.

Affirmation 5 : Le mot EULER possède 120 anagrammes.