

Dans cet exercice, les réponses seront arrondies à  $10^{-4}$  près.

Durant la saison hivernale, la circulation d'un virus a entraîné la contamination de 2 % de la population d'un pays. Dans ce pays, 90 % de la population a été vaccinée contre ce virus.

On constate que 62 % des personnes contaminées avaient été vaccinées.

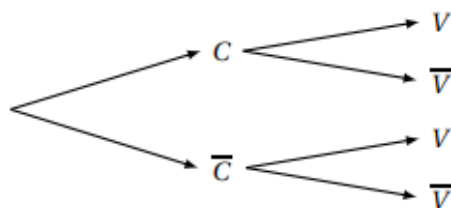
On interroge au hasard une personne, et on note les événements suivants :

$C$  : « la personne a été contaminée »

$V$  : « la personne a été vaccinée ».

Les événements contraires des événements  $C$  et  $V$  sont notés respectivement  $\overline{C}$  et  $\overline{V}$ .

1. À partir de l'énoncé, donner, sans calcul, les probabilités  $P(C)$ ,  $P(V)$  et la probabilité conditionnelle  $P_C(V)$ .
2.
  - a. Calculer  $P(C \cap V)$ .
  - b. En déduire  $P(\overline{C} \cap V)$ .
3. Recopier l'arbre des probabilités ci-dessous et le compléter.



4. Calculer  $P_V(C)$  et interpréter le résultat dans le contexte de l'exercice.
5. Déterminer si les affirmations suivantes sont vraies ou fausses en justifiant votre réponse.
  - a. « Parmi les personnes non contaminées, il y a dix fois plus de personnes vaccinées que de personnes non vaccinées. »
  - b. « Plus de 98 % de la population vaccinée n'a pas été contaminée. »

6. On s'intéresse à un échantillon de 20 personnes choisies au hasard dans la population.

La population du pays est assez importante pour qu'on puisse assimiler ce choix à des tirages successifs avec remise.

On note  $X$  la variable aléatoire qui à chaque tirage associe le nombre de personnes contaminées.

*On rappelle que, pour une personne choisie au hasard, la probabilité d'être contaminée est  $p = 0,02$ .*

- a. Quelle est la loi suivie par la variable aléatoire  $X$ ? Justifier et donner ses paramètres.
- b. Calculer, en rappelant la formule, la probabilité que 4 personnes exactement soient contaminées dans ce groupe de 20 personnes.