

soit  $(u_n)$  la suite définie par :

$$u_0 = e^3 \quad \text{et} \quad u_{n+1} = e \times \sqrt{u_n}$$

a) on admet que pour tout entier  $n$ ,  $U_n > 0$

soit  $(v_n)$  la suite définie par  $v_n = \ln(u_n)$

montrer que : pour tout entier  $n$   $v_{n+1} = \frac{1}{2}v_n + 1$

b) Soit  $(w_n)$  la suite définie par  $w_n = v_n - 2$

montrer que  $(w_n)$  est géométrique

préciser la raison et le premier terme

c) exprimer  $w_n$  puis  $v_n$  et enfin  $u_n$  en fonction de  $n$

d) déterminer la limite de  $u_n$