

EXERCICE 4**4 points****Commun à tous les candidats**Soit $v = (v_n)_{n \geq 0}$ une suite.On considère la suite u définie pour tout entier naturel n par $u_n = e^{-v_n} + 1$.**Partie A***Pour chacune des questions, quatre propositions sont proposées dont une seule est exacte.**Pour chacune des questions donner, sans justification, la bonne réponse sur votre copie.**Une bonne réponse donne 0,75 point, une mauvaise réponse enlève 0,25 point et l'absence de réponse est comptée 0 point.**Tout total négatif est ramené à zéro.*

1. a est un réel strictement positif et \ln désigne la fonction logarithme népérien.
Si $v_0 = \ln a$ alors :
 - a. $u_0 = \frac{1}{a} + 1$
 - b. $u_0 = \frac{1}{1+a}$
 - c. $u_0 = -a + 1$
 - d. $u_0 = e^{-a} + 1$
2. Si v est strictement croissante, alors :
 - a. u est strictement décroissante et majorée par 2
 - b. u est strictement croissante et minorée par 1
 - c. u est strictement croissante et majorée par 2
 - d. u est strictement décroissante et minorée par 1
3. Si v diverge vers $+\infty$, alors :
 - a. u converge vers 2
 - b. u diverge vers $+\infty$
 - c. u converge vers 1
 - d. u converge vers un réel ℓ tel que $\ell > 1$
4. Si v est majorée par 2, alors :
 - a. u est majorée par $1 + e^{-2}$
 - b. u est minorée par $1 + e^{-2}$
 - c. u est majorée par $1 + e^2$
 - d. u est minorée par $1 + e^2$

Partie B (1 point)Démontrer que pour tout entier naturel non nul, on a $\ln(u_n) + v_n > 0$.