

EXERCICE 1

$\theta$  étant un réel de l' intervalle  $]0 ; 2\pi[$ , on considère les deux nombres complexes :

$$z = e^{i\theta} \quad \text{et} \quad Z = \frac{1+z}{1-z} \quad \text{et on note } |Z| \quad \text{le module de } Z$$

1) Montrer que  $Z = i \cotan\left(\frac{\theta}{2}\right)$  où  $\cotan\left(\frac{\theta}{2}\right) = \frac{\cos\left(\frac{\theta}{2}\right)}{\sin\left(\frac{\theta}{2}\right)}$

2) Pour quelle valeur de  $\theta$  l' argument de  $Z$  est-il défini ?

A quoi est-il alors égal ? ( on distinguera deux cas suivant les valeurs de  $\theta$  )

3) à quoi est égal  $|Z|$  ?

EXERCICE 2

On considère dans  $\mathbf{C}$  les complexes  $z_1$  et  $z_2$  de module 1 et d' arguments respectifs  $\alpha$  et  $\beta$ .

Montrer que  $\frac{(z_1 + z_2)^2}{z_1 z_2}$  est un réel positif ou nul

EXERCICE 3

déterminer le module et un argument de :

$$(i - 1)^{29} ; (\sqrt{3} - i)^5 ; (2 - 2i\sqrt{3})^{78} ; \frac{1+i}{\sqrt{3}+i} ; \frac{(\sqrt{3}+i)^{26}}{(1-i\sqrt{3})^{11}}$$

EXERCICE 4

Déterminer dans chaque cas , le module et un argument du nombre complexe donné

1)  $z = 1 - e^{i\theta}$  avec  $\theta \in ]0 ; 2\pi[$

2)  $z = 1 - e^{-i\theta}$  avec  $\theta \in ]0 ; 2\pi[$