

Soit la suite de nombres complexes (z_n) définie par

$$\begin{cases} z_0 & = & 100 \\ z_{n+1} & = & \frac{i}{3} z_n \end{cases} \text{ pour tout entier naturel } n.$$

Le plan est muni d'un repère orthonormé direct $(O; \vec{u}, \vec{v})$.

Pour tout entier naturel n , on note M_n le point d'affixe z_n .

1. Démontrer que, pour tout entier naturel n , les points O , M_n et M_{n+2} sont alignés.
2. On rappelle qu'un disque de centre A et de rayon r , où r est un nombre réel positif, est l'ensemble des points M du plan tels que $AM \leq r$.
Démontrer que, à partir d'un certain rang, tous les points M_n appartiennent au disque de centre O et de rayon 1.