EXERCICE 1

Dans mon potager , le poids X d' une pomme de terre suit une loi normale de paramètres $\,$ m et $\sigma^2\,$. Sur 200 pommes de terres récoltées , 120 font moins de 200 g Et 185 font plus de 120 g .

- 1) déterminer P($X \le 200$) et P($X \le 120$)
- 2) En déduire , en utilisant la variable aléatoire Z = $\frac{X-m}{\sigma}$ que m et σ sont solutions Du système $\frac{200-m}{\sigma}$ = 0.25 et $\frac{120-m}{\sigma}$ = -1.44 (à 0.01 près)
- 3) déterminer les valeurs de m et σ (à 0.1 près)
- 4) quel est le pourcentage de pommes de terre pesant entre 150 et 180 g
- 5) On a récolté une pomme de terre au hasard . Sachant qu' elle pèse plus de 150 g, Quelle est la probabilité qu' elle pèse moins e 180 g ?

EXERCICE 2

Une raffinerie de sucre en poudre produit des paquets de d'un kg de sucre . le poids D' un paquet peut être modélisé par une variable aléatoire X suivant une loi normale D' espérance m=1000 et d' écart type $\sigma=2$

Le paquet est jugé conforme si son poids est compris entre 994 g et $1006~{\rm g}$.

- 1) Donner sans calculatrice, la probabilité qu' un paquet prélevé aléatoirement En sortie d' usine soit non conforme
- 2) Pour déceler des anomalies de réglage en temps réel , on mesure le poids des Paquets de sucre directement en sortie de la chaine de production et on compare à Deux indicateurs d'alerte 1000 h et 1000 + h définis par :

$$P(1000 - h < X < 1000 + h) = 0.99$$

a) Quelle est la loi de probabilité de la variable aléatoire Z définie par $Z = \frac{X - 1000}{2}$?

b) En déduire sans la calculatrice la valeur de ces indicateurs d'alerte.