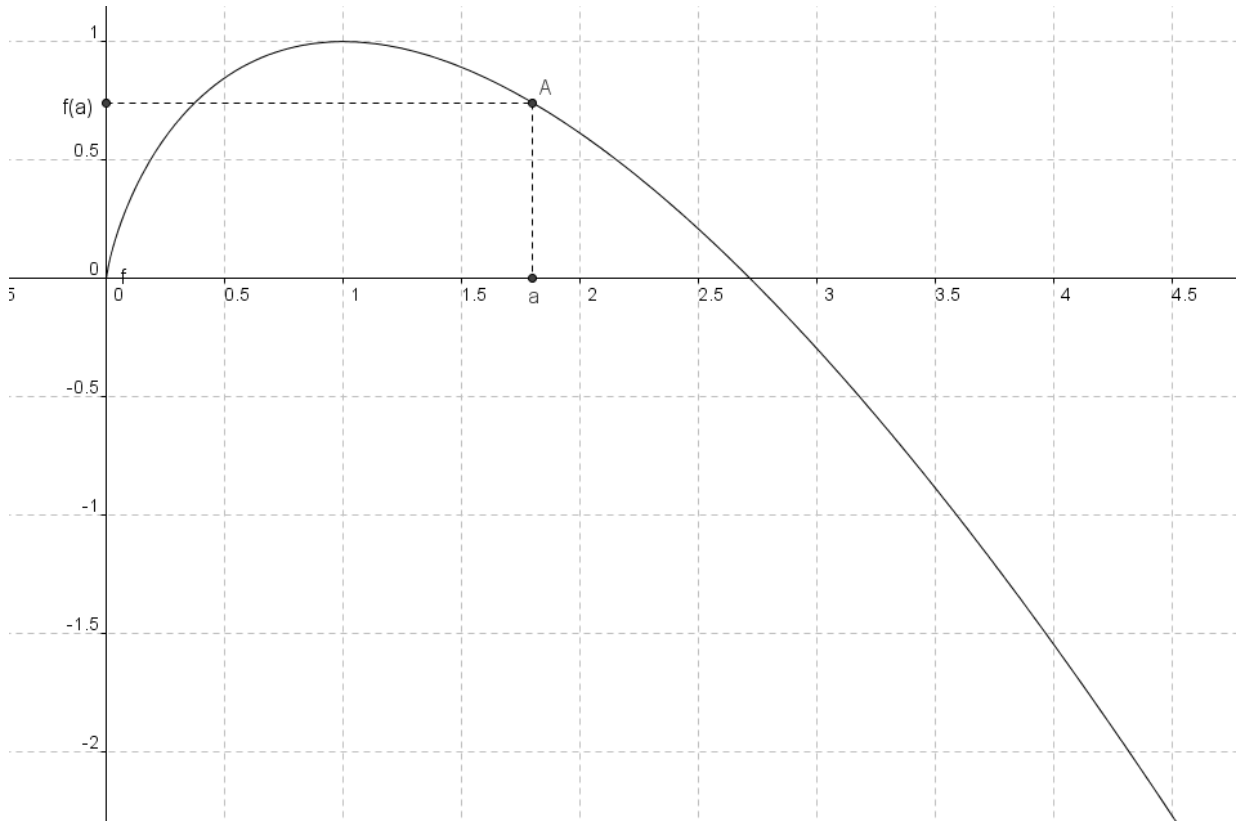


1. Exercice 1 (6 points)

Soit f la fonction définie sur l'intervalle $]0; +\infty[$ par $f(x) = x(1 - \ln x)$.

La courbe représentative C de la fonction f est donnée ci-dessous.

**Partie I : Étude de la fonction f**

1. Étudier le signe de $f(x)$ suivant les valeurs du nombre réel x .
2. Déterminer les limites de la fonction f aux bornes de son ensemble de définition.
3. Déterminer la dérivée de la fonction f sur l'intervalle $]0; +\infty[$ et dresser le tableau de variations de la fonction f sur l'intervalle $]0; +\infty[$.
4. Soit a un nombre réel strictement positif. On considère la tangente (T_A) au point A de la courbe C d'abscisse a .
 - a. Déterminer, en fonction du nombre réel a , les coordonnées du point A_0 , point d'intersection de la droite (T_A) et de l'axe des ordonnées.
 - b. Expliciter une démarche simple pour la construction de la tangente (T_A) . Construire la tangente (T_A) au point A placé sur la figure.

Partie II : Un calcul d'aire

Soit a un nombre réel strictement positif. On note $A(a)$ la mesure, en unité d'aire, de l'aire de la région du plan limitée par la courbe C , l'axe des abscisses et les droites d'équations respectives $x = a$ et $x = e$.

1. Justifier que $A(a) = \int_a^e f(x) dx$, en distinguant le cas $a < e$ et le cas $a > e$.
2. À l'aide d'une intégration par parties, calculer $A(a)$ en fonction de a .