

**Partie A. Etude d'une fonction**

Soit  $f$  la fonction définie, pour tout  $x$  de  $[-2 ; 2]$ , par  $f(x) = x\sqrt{4-x^2}$

On désigne par  $C$  sa courbe représentative dans un repère orthonormal ; on prendra pour unité graphique : 4 cm.

**1°) Intervalle d'étude**

Expliquer pourquoi on peut limiter l'étude de  $f$  à l'intervalle  $[0 ; 2]$ .

**2°) Dérivabilité de  $f$** 

- Etudier la dérivabilité de  $f$  en 2 et interpréter graphiquement le résultat obtenu.
- Justifier que  $f$  est dérivable sur  $[0 ; 2[$  et calculer sa dérivée  $f'$ .
- Etudier les variations de  $f$  et dresser son tableau de variation sur  $[0 ; 2]$ .

**3°) Représentation graphique de  $f$** 

- Déterminer une équation de la tangente  $T$  à  $C$  au point d'abscisse 0.
- Justifier que, pour tout  $x$  de  $[0 ; 2]$ ,  $f(x) \leq 2x$ .  
En déduire la position de  $C$  par rapport à  $T$  sur  $[0 ; 2]$ .
- Tracer  $C$  et  $T$  sur  $[-2 ; 2]$ .

**4°) Solutions approchées de l'équation (E) :  $f(x) = 1$** 

Prouver que l'équation (E) admet exactement deux solutions dans l'intervalle  $[-2 ; 2]$ .

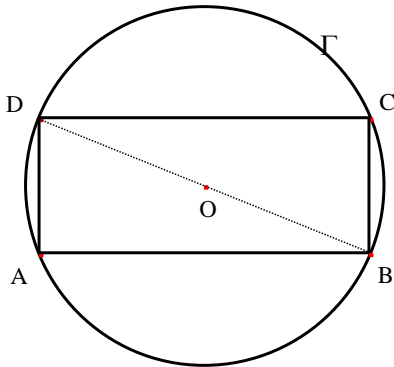
Donner un encadrement de ces réels à  $10^{-3}$  près.

**5°) Solutions exactes de l'équation (E) :  $f(x) = 1$** 

Déterminer les valeurs exactes de l'équation (E).

**Partie B. Etude d'une aire**

Soit  $\Gamma$  un cercle de rayon  $r = 1$  et ABCD un rectangle inscrit dans ce cercle.



On pose  $AB = x$  et on associe, à ce réel  $x$ , l'aire  $A(x)$  du rectangle ABCD.

1°) Préciser quel intervalle  $J$  peut décrire le réel  $x$  et exprimer  $A(x)$  en fonction de  $x$ .

2°) Déterminer, à l'aide des résultats de la partie A :

- Pour quelles valeur de  $x$  l'aire du rectangle ABCD est maximale ; préciser dans ce cas, la valeur de l'aire et la nature de ABCD ;
- Pour quelle(s) valeur(s) de  $x$  l'aire du rectangle ABCD est égale à 1.