## 1. Exercice 1 (5 points)

L'espace est rapporté à un repère orthonormal  $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ .

On considère les plans P et Q d'équations respectives : x + y + z = 0 et 2x + 3y + z - 4 = 0.

1. Montrer que l'intersection des plans P et Q est la droite D dont une représentation paramétrique est :

$$\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 4 + t & \text{où } t \text{ est un nombre réel.} \\ z = t \end{cases}$$

2. Soit  $\lambda$  un nombre réel.

On considère le plan  $P_{\lambda}$  d'équation :  $(1-\lambda)(x+y+z)+\lambda(2x+3y+z-4)=0$ .

- a. Vérifier que le vecteur  $\vec{n}(1+\lambda;1+2\lambda;1)$  est un vecteur normal du plan  $P_{\lambda}$ .
- b. Donner une valeur du nombre réel  $\lambda$  pour laquelle les plans P et  $P_{\lambda}$  sont confondus.
- c. Existe-t-il un nombre réel  $\lambda$  pour lequel les plans P et  $P_{\lambda}$  sont perpendiculaires ?
- 3. Déterminer une représentation paramétrique de la droite D', intersection des plans P et  $P_{-1}$ . Montrer que les droites D et D' sont confondues.
- 4. Dans cette question, toute trace de recherche, même incomplète, ou d'initiative même non fructueuse, sera prise en compte dans l'évaluation.

On considère le point A(1; 1; 1).

Déterminer la distance du point A à la droite D, c'est-à-dire la distance entre le point A et son projeté orthogonal sur la droite D.