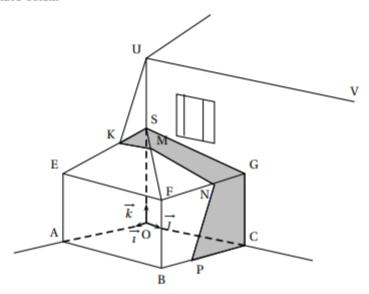
Un particulier s'intéresse à l'ombre portée sur sa future véranda par le toit de sa maison quand le soleil est au zénith. Cette véranda est schématisée ci-dessous en perspective cavalière dans un repère orthonormé  $\left(0, \overrightarrow{t}, \overrightarrow{j}, \overrightarrow{k}\right)$ . Le toit de la véranda est constitué de deux faces triangulaires SEF et SFG.

- · Les plans (SOA) et (SOC) sont perpendiculaires.
- Les plans (SOC) et (EAB) sont parallèles, de même que les plans (SOA) et (GCB).
- · Les arêtes [UV) et [EF] des toits sont parallèles.

Le point K appartient au segment [SE], le plan (UVK) sépare la véranda en deux zones, l'une éclairée et l'autre ombragée. Le plan (UVK) coupe la véranda selon la ligne polygonale KMNP qui est la limite ombre-soleil.



- 1. Sans calcul, justifier que:
  - a. le segment [KM] est parallèle au segment [UV];
  - b. le segment [NP] est parallèle au segment [UK].
- 2. Dans la suite de l'exercice, on se place dans le repère orthonormé (O, i, j, k). Les coordonnées des différents points sont les suivantes : A(4;0;0), B(4;5;0), C(0;5;0), E(4;0;2,5), F(4;5;2,5), G(0;5;2,5), S(0;0;3,5), U(0;0;6) et V(0;8;6). On souhaite déterminer de façon exacte la section des faces visibles de la véranda par le plan (UV K) qui sépare les zones ombragée et ensoleillée.
  - a. Au moment le plus ensoleillé, le point K a pour abscisse 1,2. Vérifier que les coordonnées du point K sont (1,2;0;3,2).
  - b. Montrer que le vecteur n de coordonnées (7; 0; 3) est un vecteur normal au plan (UVK) et en déduire une équation cartésienne du plan (UVK).
  - c. Déterminer les coordonnées du point N intersection du plan (UVK) avec la droite (FG).
  - d. Expliquer comment construire la ligne polygonale sur le schéma de la véranda.
  - 3. Afin de faciliter l'écoulement des eaux de pluie, l'angle du segment [SG] avec l'horizontale doit être supérieur à 7°. Cette condition est-elle remplie?