

1. 1. QCM

Question 1 $ABCD$ est un tétraèdre régulier d'arête a . $\overline{AB} \cdot \overline{AD} = \dots$

- a) a^2 b) $\frac{1}{2}a^2$ c) $-a^2$ d) $-\frac{1}{2}a^2$

Question 2 Si $\vec{u} \perp (\vec{v} - \vec{w})$ et si $\vec{v} \perp (\vec{u} - \vec{w})$ alors

- a) $\vec{w} \perp (\vec{u} - \vec{v})$ b) $\vec{u} \perp \vec{v}$ et $\vec{u} \perp \vec{w}$ c) $\vec{v} \perp \vec{w}$ d) $\vec{u} \perp \vec{v}$ mais pas nécessairement $\vec{u} \perp \vec{w}$

Question 3 On considère un cube $ABCDIJKL$ et on munit l'espace du repère $(A; \overline{AB}, \overline{AD}, \overline{AI})$. La distance du point J au plan (BIK) est :

- a) $\sqrt{3}$ b) $\frac{\sqrt{3}}{3}$ c) $3\frac{\sqrt{3}}{2}$ d) $\frac{\sqrt{3}}{2}$

Question 4 Les plans P et P' d'équations respectives : $3x - 5y + 2z - 1 = 0$ et $6x - 10y + z - 3 = 0$ sont des plans :

- a) orthogonaux b) parallèles c) sécants d) strictement parallèles

Question 5 On pose $A(1; 0; -1)$, $B(0; 1; 1)$, $P(2; 0; 1)$, $Q(1; 1; 0)$ et $R(1; 0; 1)$. L'intersection de la droite (AB) avec le plan (PQR) est :

- a) le point $\left(\frac{2}{3}; \frac{1}{3}; \frac{2}{3}\right)$ b) la droite (AB) c) le point $\left(\frac{1}{3}; \frac{2}{3}; \frac{1}{3}\right)$ d) n'existe pas

Question 6 On considère un cube $ABCDEFGH$ et on munit l'espace du repère $(A; \overline{AB}, \overline{AD}, \overline{AE})$. Le plan CFH a pour équation :

- a) $x - y + z = 2$ b) $x + y + z = 2$ c) $x + y - z + 2 = 0$ d) $x + y - z = 2$

Question 7 On considère un plan P d'équation $x + 2y - z - 4 = 0$ et la droite (d) définie par le point $A(1; -3; 0)$ et le vecteur directeur $\vec{u} = (-1; 0; 2)$. Le plan P et la droite (d) sont sécants en un point dont l'abscisse est :

- a) 4 b) 0 c) -2 d) 1

Question 8 On considère trois plans d'équations respectives :

$$x + 2y - z - 4 = 0; -2x + 3y + z - 1 = 0 \text{ et } -5x + 4y + 3z + 2 = 0.$$

L'intersection de ces trois plans est :

- a) vide b) un point c) une droite de vecteur directeur $\vec{u} = \left(\frac{5}{7}; \frac{1}{7}; 1\right)$ d) une droite de vecteur directeur $\vec{u} = \left(\frac{5}{2}; \frac{1}{2}; 1\right)$

Question 9 Dans un repère orthonormé $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$, on considère les points $A(1; 2; 3)$, $B(-1; 0; -1)$ et $C(2; 1; -3)$. L'isobarycentre G du triangle OBC a pour coordonnées :

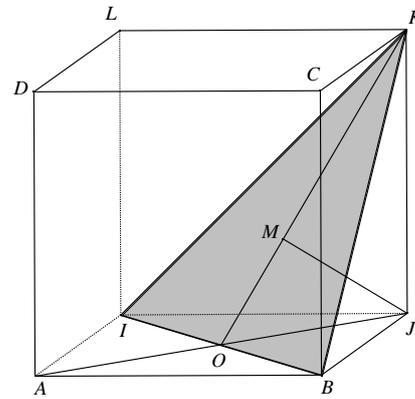
- a) $\left(\frac{1}{3}; \frac{1}{3}; \frac{-4}{3}\right)$ b) $\left(\frac{2}{3}; 1; \frac{5}{3}\right)$ c) $(-1; 0; 2)$ d) $\left(\frac{1}{3}; \frac{-1}{3}; \frac{2}{3}\right)$

Question 10 On peut caractériser la demi-droite $[AB)$ comme étant l'ensemble des barycentres des points pondérés (A, a) et (B, b) avec a et b réels tels que $a + b$ n'est pas nul et :

- a) $\frac{a}{a+b} \geq 0$ b) a et b de même signe c) a et b de signes opposés d) $\frac{b}{a+b} \geq 0$

Question 11

On considère un cube $ABCDIJKL$ et on munit l'espace du repère $(A; \overrightarrow{AB}; \overrightarrow{AI}; \overrightarrow{AD})$.



La distance JM du point J au plan (BIK) est :

- a) $\sqrt{3}$ b) $\frac{\sqrt{3}}{3}$
c) $\frac{3\sqrt{3}}{2}$ d) $\frac{\sqrt{3}}{2}$

Question 12

L'intersection des deux plans (P) et (P') d'équations respectives $x + z - 1 = 0$ et $y + 2z + 4 = 0$ est une droite dont une représentation paramétrique est :

- a) $\begin{cases} x = -t - 1 \\ y = 2t \\ z = t + 2 \end{cases}$ b) $\begin{cases} x = t + 1 \\ y = 2t - 4 \\ z = -t \end{cases}$ c) $\begin{cases} x = t - 1 \\ y = 2t + 2 \\ z = -t + 1 \end{cases}$ d) $\begin{cases} x = -t + 1 \\ y = 2t + 4 \\ z = t \end{cases}$