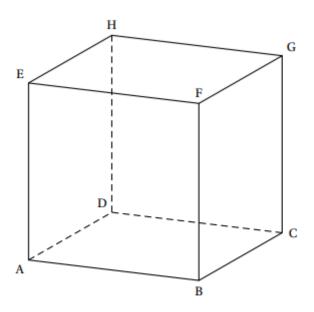
TS ESPACE feuille 119a

Soit un cube ABCDEFGH d'arête 1. Dans le repère  $\left(A; \overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AD}, \overrightarrow{AE}\right)$ , on considère les points M, N et P de coordonnées respectives  $M\left(1;1;\frac{3}{4}\right)$ ,  $N\left(0;\frac{1}{2};1\right)$ ,  $P\left(1;0;-\frac{5}{4}\right)$ .

- 1. Placer M, N et P sur la figure donnée en annexe.
- Déterminer les coordonnées des vecteurs MN et MP.
  En déduire que les points M, N et P ne sont pas alignés.
- 3. On considère l'algorithme 1 donné en annexe.
  - a. Exécuter à la main cet algorithme avec les coordonnées des points M, N et P données ci-dessus.
  - b. À quoi correspond le résultat affiché par l'algorithme ? Qu'en déduire pour le triangle MNP?
- 4. On considère l'algorithme 2 donné en annexe. Le compléter pour qu'il teste et affiche si un triangle MNP est rectangle et isocèle en M.
- On considère le vecteur n (5; −8; 4) normal au plan (MNP).
  - a. Déterminer une équation cartésienne du plan (MNP).
  - **b.** On considère la droite  $\Delta$  passant par F et de vecteur directeur  $\overrightarrow{n}$ . Déterminer une représentation paramétrique de la droite  $\Delta$ .
- **6.** Soit K le point d'intersection du plan (MNP) et de la droite  $\Delta$ .
  - a. Démontrer que les coordonnées du point K sont  $\left(\frac{4}{7}; \frac{24}{35}; \frac{23}{35}\right)$ .
  - **b.** On donne FK =  $\sqrt{\frac{27}{35}}$ . Calculer le volume du tétraèdre MNPF.

TS ESPACE feuille 119b



## Algorithme 1

Saisir  $x_M$ ,  $y_M$ ,  $z_M$ ,  $x_N$ ,  $y_N$ ,  $z_N$ ,  $x_P$ ,  $y_P$ ,  $z_P$  d prend la valeur  $x_N - x_M$  e prend la valeur  $y_N - y_M$  f prend la valeur  $z_N - z_M$  g prend la valeur  $x_P - x_M$  h prend la valeur  $y_P - y_M$  i prend la valeur  $z_P - z_M$  k prend la valeur  $d \times g + e \times h + f \times i$ Afficher k

## Algorithme 2 (à compléter)

Saisir  $x_M$ ,  $y_M$ ,  $z_M$ ,  $x_N$ ,  $y_N$ ,  $z_N$ ,  $x_P$ ,  $y_P$ ,  $z_P$  d prend la valeur  $x_N - x_M$  e prend la valeur  $y_N - y_M$  f prend la valeur  $z_N - z_M$  g prend la valeur  $x_P - x_M$  h prend la valeur  $y_P - y_M$  i prend la valeur  $z_P - z_M$  k prend la valeur  $d \times d + e \times d + f \times i$