## Partie A:

Soit g la fonction définie sur ℝ par :

$$g(x) = 2e^{\frac{-1}{3}x} + \frac{2}{3}x - 2.$$

On admet que la fonction g est dérivable sur R et on note g' sa fonction dérivée.
Montrer que, pour tout réel x :

$$g'(x) = \frac{-2}{3}e^{-\frac{1}{3}x} + \frac{2}{3}$$
.

- En déduire le sens de variations de la fonction g sur R.
- 3. Déterminer le signe de g(x), pour tout x réel.

## Partie B:

1. On considère l'équation différentielle

(E): 
$$3y' + y = 0$$
.

Résoudre l'équation différentielle (E).

- Déterminer la solution particulière dont la courbe représentative, dans un repère du plan, passe par le point M(0; 2).
- **3.** Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par :

$$f(x) = 2e^{-\frac{1}{3}x}$$

et  $\mathscr{C}_f$  sa courbe représentative.

a. Montrer que la tangente  $(\Delta_0)$  à la courbe  $\mathscr{C}_f$  au point M(0; 2) admet une équation de la forme :

$$y = -\frac{2}{3}x + 2$$
.

**b.** Étudier, sur  $\mathbb{R}$ , la position de cette courbe  $\mathscr{C}_f$  par rapport à la tangente  $(\Delta_0)$ .

## Partie C:

- 1. Soit A le point de la courbe  $\mathscr{C}_f$  d'abscisse a, a réel quelconque. Montrer que la tangente  $(\Delta_a)$  à la courbe  $\mathscr{C}_f$  au point A coupe l'axe des abscisses en un point P d'abscisse a+3.
- **2.** Expliquer la construction de la tangente  $(\Delta_{-2})$  à la courbe  $\mathscr{C}_f$  au point B d'abscisse -2.