

122 PARCOURS DIFFÉRENCIÉS**Parcours 1**

f est la fonction définie sur $]0; +\infty[$ par :

$$f(x) = x^2 - 2 + \ln(x).$$

Démontrer que l'équation $f(x) = 0$ admet une solution unique α dans $]0; +\infty[$.

Parcours 2

g est la fonction définie sur $]0; 1]$ par :

$$g(x) = \ln(x) + \sqrt{x}.$$

- Étudier la limite de la fonction g en 0.
- Étudier les variations de g sur $]0; 1]$.
- En déduire que l'équation $g(x) = 0$ admet une solution unique α dans $]0; 1]$.

123 g est la fonction définie sur $[0; +\infty[$ par :

$$g(x) = \ln(3x + 1) + x - 5.$$

- Étudier la limite de la fonction g en $+\infty$.
- Dresser le tableau de variations de la fonction g .
- Démontrer alors que l'équation $g(x) = 0$ admet une unique solution α dans $[0; +\infty[$.
- Justifier que $2 < \alpha < 3$.
- Déterminer un encadrement de α d'amplitude 10^{-2} .

124 h est la fonction définie sur $]0; 4]$ par :

$$h(x) = -4\ln(x) + \frac{1}{x} + 3x - 5.$$

- Étudier la limite de h en 0.
- Dresser le tableau de variations de la fonction h .
- Démontrer que l'équation $h(x) = 0$ admet deux solutions α et β , avec $\alpha < \beta$, dans $]0; 4]$.
- Déterminer un encadrement de α d'amplitude 10^{-3} .

125 Dans un repère orthonormé, \mathcal{C} est la courbe représentative de la fonction f définie sur $]-\infty; 0[$ par :

$$f(x) = \ln(e^{-2x} - 1).$$

- Étudier la limite de la fonction f en 0.
Que peut-on en déduire pour la courbe \mathcal{C} ?
- Étudier la limite de la fonction f en $-\infty$.
- Dresser le tableau de variations de la fonction f .
- Démontrer que la courbe \mathcal{C} coupe l'axe des abscisses en un unique point A.
- Déterminer un encadrement d'amplitude 0,1 de l'abscisse de A.