

Dans une ville, un nouveau lycée vient d'ouvrir ses portes et accueille pour sa première rentrée 500 élèves. D'une année sur l'autre, le proviseur du lycée prévoit une perte de 30 % de l'effectif et l'arrivée de 300 nouveaux élèves.

On modélise cette situation par une suite numérique (u_n) où u_n représente le nombre d'élèves inscrits au lycée pour l'année 2013 + n , avec n entier naturel. On a donc $u_0 = 500$.

1. **a.** Calculer le nombre d'élèves qui seront inscrits au lycée en 2014.
b. Calculer le nombre d'élèves qui seront inscrits au lycée en 2015.
2. Justifier que, pour tout entier naturel n , on a : $u_{n+1} = 0,7u_n + 300$.
3. On souhaite, pour un entier n donné, afficher tous les termes de la suite (u_n) du rang 0 au rang n .

Lequel des trois algorithmes suivants permet d'obtenir le résultat souhaité? Justifier.

Algorithme 1	Algorithme 2	Algorithme 3
Variables : n, i entiers naturels, u nombre réel	Variables : n, i entiers naturels, u nombre réel	Variables : n, i entiers naturels, u nombre réel
Début algorithme Lire n u prend la valeur 500 Pour i allant de 1 à n Afficher u	Début algorithme Lire n u prend la valeur 500 Pour i allant de 1 à n Afficher u	Début algorithme Lire n u prend la valeur 500 Pour i allant de 1 à n u prend la valeur $0,7 \times u + 300$ Fin Pour
u prend la valeur $0,7 \times u + 300$ Fin Pour	u prend la valeur $0,7 \times u + 300$ Fin Pour Afficher u	Afficher u
Fin algorithme	Fin algorithme	Fin algorithme

4. On considère la suite (v_n) définie pour tout entier naturel n par : $v_n = u_n - 1\,000$.
 - a.** Démontrer que la suite (v_n) est une suite géométrique de raison $q = 0,7$.
 - b.** En déduire que, pour tout entier naturel n , $u_n = 1\,000 - 500 \times 0,7^n$.
 - c.** Déterminer la limite de la suite (u_n) .
 - d.** Interpréter le résultat précédent.
5. **a.** Résoudre dans l'ensemble des entiers naturels l'inéquation $u_n \geq 990$.
b. Interpréter le résultat trouvé précédemment.