

EXERCICE 1 (3 points)

Soit f une fonction définie et dérivable sur l'intervalle $]0 ; +\infty[$, strictement croissante sur l'intervalle $]0 ; 2]$ et strictement décroissante sur l'intervalle $[2 ; +\infty[$.

On note f' la fonction dérivée de f sur l'intervalle $]0 ; +\infty[$.

La courbe Γ représentative de la fonction f dans un repère orthonormé est tracée ci-dessous.

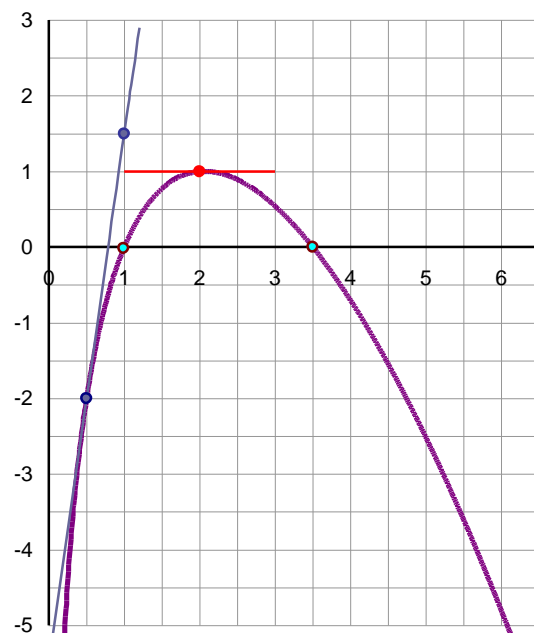
Elle passe par les points $A\left(\frac{1}{2}; -2\right)$, $B(1;0)$,

$C(2;1)$ et $D\left(\frac{7}{2};0\right)$.

E est le point de coordonnées $\left(1; \frac{3}{2}\right)$;

La courbe Γ admet au point C une tangente parallèle à l'axe des abscisses.

La droite (AE) est tangente à la courbe Γ au point A .



Pour chacune des affirmations ci-dessous, cocher la case **V** (l'affirmation est vraie) ou la case **F** (l'affirmation est fausse). Les réponses ne seront pas justifiées.

Notation : Une réponse exacte rapporte 0,5 point. Une réponse inexacte retire 0,25 point ; l'absence de réponse ne rapporte aucun point et n'en enlève aucun. Si le total des points est négatif, la note globale attribuée à l'exercice est 0.

Affirmation	V	F
a) L'équation $f(x) = -1$ admet exactement deux solutions sur l'intervalle $]0 ; +\infty[$.		
b) Le coefficient directeur de la droite (AE) est égal à $\frac{1}{7}$.		
c) Les fonctions f et f' ont le même signe sur l'intervalle $[1 ; 2]$.		
d) Les primitives de la fonction f sont croissantes sur l'intervalle .		
e) On peut calculer $\ln[f(x)]$ pour tout réel x de l'intervalle $]0 ; +\infty[$.		
f) La fonction g définie sur l'intervalle $[2; +\infty[$ par $g(x) = e^{f(x)}$ est croissante sur cet intervalle.		