

A GENERALITES

f est une densité de probabilité sur un intervalle I si :

f est continue et positive sur I et $\int f(x)dx = 1$ (sur I intervalle I)

Si X est une variable aléatoire continue qui a pour densité f

Alors pour tous réels a et b tels que $a < b$

$$P(a \leq X \leq b) = \int_a^b f(x)dx$$

B LOI UNIFORME

si $a < b$ X suit une loi uniforme sur l' intervalle [a ; b]

si X a pour densité :

$$f(x) = \frac{1}{b-a} \quad \text{si } x \in [a ; b]$$

$f(x) = 0$ si x n' appartient pas l' intervalle [a ; b]

$$\text{si } a < c < d < b \text{ alors } p(c \leq X \leq d) = \frac{d-c}{b-a}$$

$$\text{on a alors } E(X) = \frac{a+b}{2}$$

D LOI NORMALE

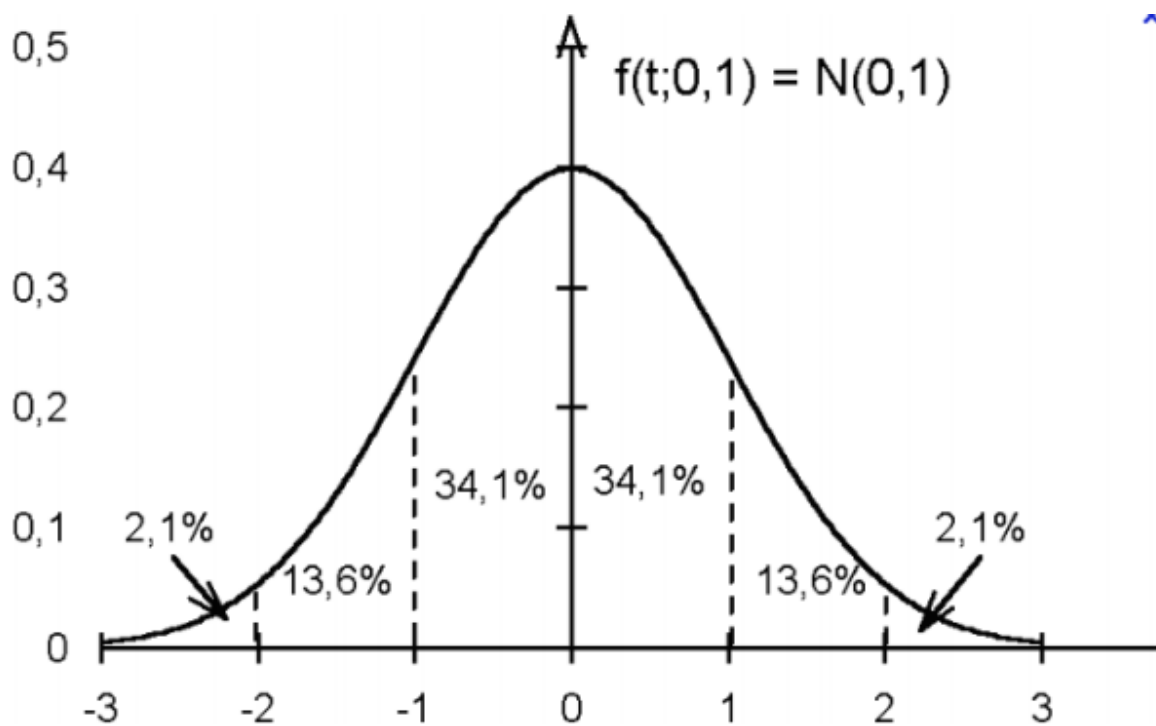
1) LOI NORMALE CENTREE REDUITE N(0 ; 1)

Définition

X suit une loi centrée réduite N(0 ; 1) si X a pour densité f définie sur \mathbf{R} par

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{x^2}{2}}$$

$$\text{Si } P(a \leq X \leq b) = \int_a^b \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{x^2}{2}} dx$$



2) LOI NORMALE N(m ; σ^2)

X suit une loi normale N(m ; σ^2) ssi $Z = \frac{X-m}{\sigma}$ suit une loi normale N(0 ; 1)

On a alors $E(X) = m$ et $V(X) = \sigma^2$

Si X suit une loi normale $N(m; \sigma^2)$

Alors $P(m - \sigma \leq X \leq m + \sigma) \approx 0,68$ à 0,01 près

$P(m - 2\sigma \leq X \leq m + 2\sigma) \approx 0,95$ à 0,01 près

$P(m - 3\sigma \leq X \leq m + 3\sigma) \approx 0,997$ à 0,001 près

Si $a < m$ alors $P(X < a) = 0.5 - P(a < x < m)$

Si $a > m$ alors $P(X < a) = 0.5 + P(m < x < a)$

Si $a < m$ alors $P(X > a) = 0.5 + P(a < x < m)$

Si $a > m$ alors $P(X > a) = 0.5 - P(m < x < a)$

E ECHANTILLONNAGE

pour un échantillon de taille n et si la probabilité d'une propriété est p

alors l'intervalle de fluctuation à 95 % est :

$$\left[p - 1,96 \frac{\sqrt{p(1-p)}}{\sqrt{n}}; p + 1,96 \frac{\sqrt{p(1-p)}}{\sqrt{n}} \right]$$

L'intervalle de confiance est :

$$\left[f - \frac{1}{\sqrt{n}}; f + \frac{1}{\sqrt{n}} \right]$$