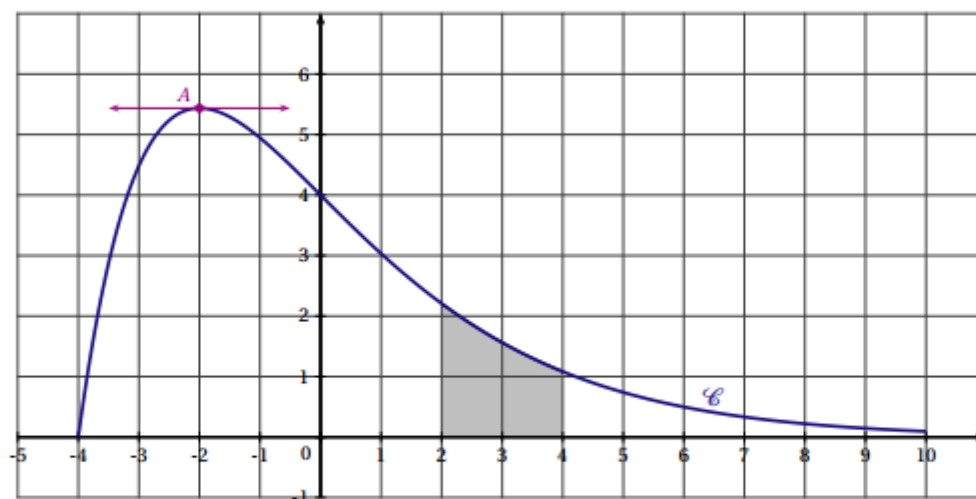


La courbe $\mathcal{C}$ ci-dessous est la courbe représentative dans le plan muni d'un repère orthonormé d'une fonction f définie et deux fois dérivable sur l'intervalle $[-4; 10]$. On note f' la fonction dérivée de f , et f'' sa dérivée seconde.

La tangente à la courbe $\mathcal{C}$ au point A d'abscisse -2 est parallèle à l'axe des abscisses.

Le domaine S grisé sur la figure est le domaine compris entre la courbe $\mathcal{C}$, l'axe des abscisses, la droite d'équation $x = 2$ et la droite d'équation $x = 4$.



PARTIE A

- Déterminer, en la justifiant, la valeur de $f'(-2)$.
- Par une lecture graphique, quel semble être le signe de $f'(4)$?
- Déterminer, par une lecture graphique, un encadrement par deux entiers consécutifs de l'aire du domaine S grisé sur la figure.

PARTIE B

La fonction f précédente est définie sur l'intervalle $[-4; 10]$ par $f(x) = (x + 4)e^{-0,5x}$.

- Montrer que $f'(x) = (-0,5x - 1)e^{-0,5x}$.
 - Étudier les variations de la fonction f sur l'intervalle $[-4; 10]$.
 - Montrer que sur l'intervalle $[1; 6]$ l'équation $f(x) = 1,5$ admet une unique solution. On notera α cette unique solution.
 - Donner une valeur approchée à 10^{-2} de α .
- On admet que la dérivée seconde de f est définie par $f''(x) = 0,25xe^{-0,5x}$.
 - Étudier la convexité de la fonction f sur l'intervalle $[-4; 10]$.
 - En déduire que la courbe $\mathcal{C}$ admet un unique point d'inflexion I dont on calculera les coordonnées.
- On considère la fonction F définie par $F(x) = (-2x - 12)e^{-0,5x}$. Comment peut-on montrer que F est une primitive de f sur l'intervalle $[-4; 10]$? On ne demande pas d'effectuer cette vérification.
 - Calculer $S = \int_2^4 f(x) dx$.
On en donnera la valeur exacte puis la valeur arrondie au centième.