

Partie A

1. a. Construire un triangle EFG, de base [FG] et tel que :

$$EF = 5,4 \text{ cm}; EG = 7,2 \text{ cm}; FG = 9 \text{ cm}.$$

- b. Soit M le point du segment [EF] tel que $EM = \frac{2}{3} \times EF$.
Calculer la longueur EM puis placer le point M.
- c. Par M on mène la parallèle à la base [FG] ; elle coupe le côté [EG] en N.
Compléter la figure.
Calculer EN.
2. a. Démontrer que le triangle EFG est rectangle en E.
b. En déduire l'aire du triangle EMN.

Partie B

Dans cette partie le point M n'est plus fixe mais **mobile** sur le segment [EF].
On pose $EM = x$ et ce nombre x représente alors une **longueur variable**.
(Il n'est pas demandé de nouvelle figure.)

1. a. Entre quelles valeurs extrêmes peut varier le nombre x ? Soit N le point de [EG] défini comme dans la partie A.
Exprimer la longueur EN en fonction de x .
- b. Montrer que l'aire $\mathcal{A}(x)$ du triangle EMN est : $\mathcal{A}(x) = \frac{2}{3}x^2$.
Sur le graphique ci-après, on a porté la longueur x en abscisses et l'aire $\mathcal{A}(x)$ du triangle EMN en ordonnée. **Ce graphique est à compléter.**
2. Après avoir effectué les tracés nécessaires sur le graphique :
- a. Lire une valeur approchée de l'aire du triangle EMN lorsque $x = 3,5 \text{ cm}$.
- b. Déterminer la valeur approximative de x pour laquelle l'aire du triangle EMN est égale à 12 cm^2 .

$$\text{Aire du triangle EMN} = \mathcal{A}(x)$$

Aire du triangle EMN = $\mathcal{A}(x)$

