

III/ Vecteurs.

Soit un triangle ABC et I le milieu de [AB]. On définit trois points E, F et D par :

$$\vec{AE} = \vec{AB} + 2\vec{AC}, \quad \vec{BF} = -2\vec{CB} \quad \text{et} \quad \vec{DC} = \vec{CA}$$

Partie A

1°) Faire une figure.

2°) Exprimer \vec{AF} en fonction de \vec{AB} et \vec{AC} .

3°) Démontrer que les points A, E et F sont alignés.

4°) Démontrer que les points I, F et D sont alignés.

5°) Quelle est la nature du quadrilatère ABED ?

Partie B

On se place maintenant dans le repère $(A; \vec{AB}, \vec{AC})$

1°) Déterminer les coordonnées des points A, B, C, I, D, E définis précédemment (Justifier).

Démontrer que les coordonnées de F sont $\left(\frac{1}{3}; \frac{2}{3}\right)$

2°) Déterminer une équation de la droite (AF) et démontrer que E appartient à (AF).

3°) Déterminer une équation de la droite (IF) et démontrer que D appartient à (IF).

4°) Déterminer les coordonnées des vecteurs \vec{AB} et \vec{DE} , que peut on en conclure pour le quadrilatère ABED ?