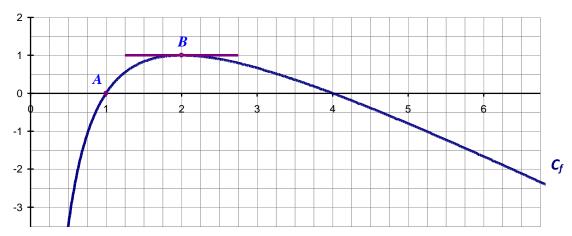
## **EXERCICE 2**

Soit f la fonction définie sur l'intervalle  $]0;+\infty[$  par  $f(x)=ax+b+\frac{c}{x}$  où a, b et c sont trois réels.

Sa courbe représentative notée  $C_f$  est tracée ci-dessous dans un repère orthogonal. On note f' la dérivée de la fonction f.

La courbe  $C_f$  passe par les points A(1;0) et B(2;1). La tangente à la courbe  $C_f$  au point B est parallèle à l'axe des abscisses.



- 1. Déterminer f'(2).
- 2. Exprimer f'(x) à l'aide de a, b et c.
- 3. Déterminer les réels a, b et c et donner l'écriture de f(x).
- 4. Vérifier que  $f'(x) = \frac{4-x^2}{x^2}$ . Étudier le signe de f'(x), en déduire le tableau des variations de la fonction f.
- 5. Donner une équation de la tangente *T* à la courbe au point *A*. Tracer cette droite sur le graphique précédent.
- 6. Des trois courbes représentées ci-dessous, quelle est celle qui est la représentation graphique d'une fonction F définie sur l'intervalle  $]0;+\infty[$  et ayant pour dérivée la fonction f?

