Une entreprise de 1 000 employés est organisée en 3 services « A », « B » et « C » d'effectifs respectifs 450, 230 et 320 employés. Une enquête effectuée auprès de tous les employés sur leur temps de parcours quotidien entre leur domicile et l'entreprise a montré que :

- 40 % des employés du service « A » résident à moins de 30 minutes de l'entreprise;
- 20 % des employés du service « B » résident à moins de 30 minutes de l'entreprise;
- 80 % des employés du service « C » résident à moins de 30 minutes de l'entreprise.

On choisit au hasard un employé de cette entreprise et on considère les évènements suivants :

- A: l'employé fait partie du service «A»;
- B: l'employé fait partie du service « B »;
- C: l'employé fait partie du service «C»;
- T: l'employé réside à moins de 30 minutes de l'entreprise.

On rappelle que si E et F sont deux évènements, la probabilité d'un évènement E est notée p(E) et celle de E sachant F est notée $p_F(E)$.

- 1. Justifier que p(A) = 0.45 puis donner $p_A(T)$.
- 2. Compléter l'arbre pondéré donné en annexe 2 qui sera à rendre avec la copie.
- Déterminer la probabilité que l'employé choisi soit du service « A »et qu'il réside à moins de 30 minutes de son lieu de travail.
- **4.** Montrer que p(T) = 0,482.
- Sachant qu'un employé de l'entreprise réside à moins de 30 minutes de son lieu de travail, déterminer la probabilité qu'il fasse partie du service « C ». Arrondir à 10⁻³ près.

ANNEXE 2 - EXERCICE 4

