f est la fonction définie sur **R** par  $f(x) = \frac{-x^3 + 5x}{x^2 + 3}$ 

soit C sa courbe représentative dans un repère orthonormé (O,  $\vec{i}$ ,  $\vec{j}$ ) (unité 1 cm)

- 1) a) déterminer les réels a , b, c tels que  $f(x) = ax + \frac{bx}{x^2+3}$ 
  - b) montrer que f est impaire, que peut -on en déduire pour C?
- 2) a) calculer la dérivée de f, montrer que f'(x) =  $\frac{(x^2+15)(1-x^2)}{(x^2+3)^2}$ 
  - b) étudier les variations de f
  - c) calculer les limites de f en  $+\infty$  et en  $-\infty$
  - d) dresser le tableau de variations de f
- 3) démontrer que la droite  $\Delta$  d' équation y = -x est asymptote oblique à C en  $+\infty$  et en  $-\infty$  étudier la position relative de C et  $\Delta$
- déterminer l'équation de la tangente T à C au point d'abscisse 0 et étudier la position relative de C et T
- 5) tracer C, Δ et T